

Exercice 1 : Déterminer les primitives des fonctions suivantes sur leur domaine de définition respectif :

a. $f(x) = \frac{x^3}{3} + \frac{1}{3}x^2 + 6$ b. $g(x) = (4x^2 + 1)(4x^3 + 3x - 1)^3$ c. $h(x) = 2x + \frac{x^3}{(x^4 + 7)^2}$

Exercice 2 : Soit la fonction f définie sur $] -1 ; 3 [$ par $f(x) = \frac{4x^3 - 8x^2 - 13x - 5}{x^2 - 2x - 3}$

1. Montrer qu'il existe trois réels a, b et c que l'on précisera tels que, pour tout x de $] -1 ; 3 [$, on ait

$$f(x) = ax + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x-3}$$

2. En déduire les primitives de f sur $] -1 ; 3 [$.

3. Déterminer la primitive F de f sur $] -1 ; 3 [$ tel que $F(1) = 2$

Exercice n°3 : Dans plan complexe muni d'un repère orthonormé $(O ; \vec{u}, \vec{v})$, on considère les points A, B et C

d'affixes respectives : $z_A = \left[\frac{\sqrt{2}}{2}; \frac{3\pi}{4} \right], z_B = 3i$ et $z_C = \frac{5}{2} + \frac{5}{2}i$.

1. Donner la forme algébrique du nombre complexe z_A puis la forme trigonométrique du nombre complexe z_C .
2. Placer ces points dans le plan (unités graphiques : 2 cm ou 2 carreaux pour 1 unité).
3. Démontrer que le triangle ABC est rectangle isocèle.
4. Déterminer l'affixe z_M du milieu M du segment $[AB]$.

Bonus : Déterminer les primitives des fonctions suivantes sur leur domaine de définition respectif : a. $f(t) = \cos(2t-1)\sin(2t-1)$

b. $g(x) = \frac{[\ln(3x+2)]^2}{3x+2}$

Exercice 1 : Déterminer les primitives des fonctions suivantes sur leur domaine de définition respectif :

a. $f(x) = \frac{x^3}{3} + \frac{1}{3}x^2 + 6$ b. $g(x) = (4x^2 + 1)(4x^3 + 3x - 1)^3$ c. $h(x) = 2x + \frac{x^3}{(x^4 + 7)^2}$

Exercice 2 : Soit la fonction f définie sur $] -1 ; 3 [$ par $f(x) = \frac{4x^3 - 8x^2 - 13x - 5}{x^2 - 2x - 3}$

1. Montrer qu'il existe trois réels a, b et c que l'on précisera tels que, pour tout x de $] -1 ; 3 [$, on ait

$$f(x) = ax + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x-3}$$

2. En déduire les primitives de f sur $] -1 ; 3 [$.

3. Déterminer la primitive F de f sur $] -1 ; 3 [$ tel que $F(1) = 2$

Exercice n°3 : Dans plan complexe muni d'un repère orthonormé $(O ; \vec{u}, \vec{v})$, on considère les points A, B et C

d'affixes respectives : $z_A = \left[\frac{\sqrt{2}}{2}; \frac{3\pi}{4} \right], z_B = 3i$ et $z_C = \frac{5}{2} + \frac{5}{2}i$.

1. Donner la forme algébrique du nombre complexe z_A puis la forme trigonométrique du nombre complexe z_C .
2. Placer ces points dans le plan (unités graphiques : 2 cm ou 2 carreaux pour 1 unité).
3. Démontrer que le triangle ABC est rectangle isocèle.
4. Déterminer l'affixe z_M du milieu M du segment $[AB]$.

Bonus : Déterminer les primitives des fonctions suivantes sur leur domaine de définition respectif : a. $f(t) = \cos(2t-1)\sin(2t-1)$

b. $g(x) = \frac{[\ln(3x+2)]^2}{3x+2}$